

受検番号

平 26

数学

1 答えは、最も簡単な形で表し、解答用紙の決められた欄に書き入れなさい。

- 注意 2 答えに根号がふくまれる場合は、根号を用いた形で表しなさい。
3 問題用紙は2枚あります。

1 後の(1)～(5)の問い合わせに答えなさい。

(1) 次の①～⑤の計算をしなさい。

① $8 \div 4 - 3$

② $4a - (9 - 7a)$

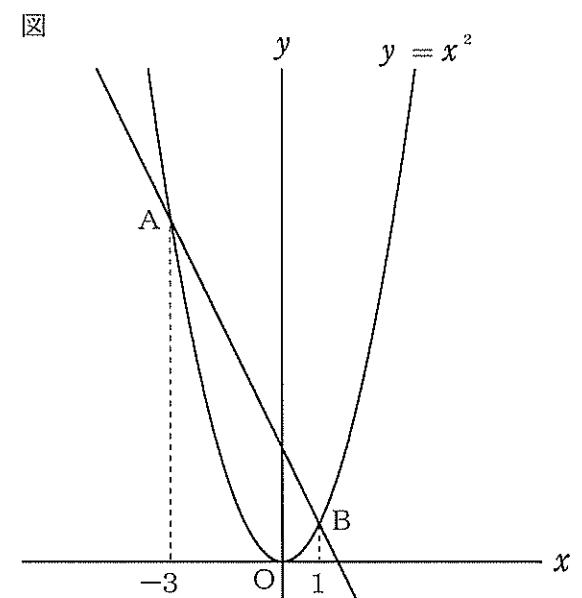
③ $12xy^2 \div (-2y)^2$

④ $(x+2)(x-5) - 6x$

⑤ $\frac{10}{\sqrt{5}} + \sqrt{45}$

(2) 次の2次方程式を解きなさい。

$$(x-3)^2 = x$$

(3) 図のように、関数 $y = x^2$ のグラフ上に、2点 A, B がある。A, B の x 座標がそれぞれ $-3, 1$ であるとき、2点 A, B を通る直線の式を求めなさい。

(4) 図1のような座席番号が書かれた5枚のくじを用意し、図2のような座席の特急列車で、太郎さん、花子さん、次郎さん、明さん、広美さんの5人がくじを1枚ずつ引いてそれぞれの座席に座る。5人のうちの太郎さんと花子さんが、隣りどうしになる確率を求めなさい。ただし、通路を隔てた場合は、隣りどうしとしないこととする。また、どのくじの引き方も同様に確からしいとする。

図1

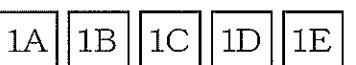
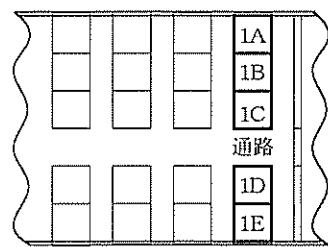
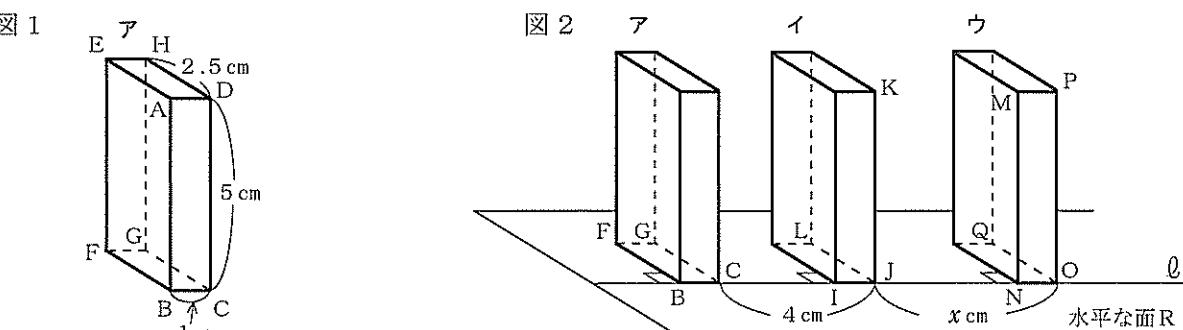
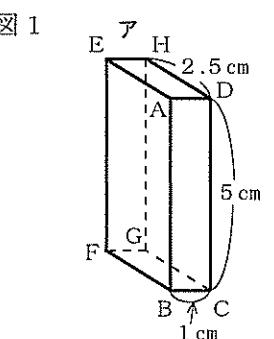


図2



(5) 図1のような直方体アを、図2のように、水平な面Rの上に、面BCGFを下にして置く。このとき、辺BCを通る直線をℓとし、アと同じ直方体イ、ウを、辺IJ, NOが直線ℓ上にあるようにし、 $CJ = 4\text{ cm}$, $JO = x\text{ cm}$ となるように間をあけて面Rの上に並べる。次に、アをイに向けて倒すと、アに続いてイ、ウの順に倒れる。次の①, ②の問い合わせに答えなさい。ただし、直方体が倒れても、辺CG, JL, OQの面R上の位置は変わらないものとする。



① 図3のように、直方体イの頂点Kがウの辺MNの中点にあたった。図4は、倒れだす前のウのようすを面MNPQを正面とする方向から見た図である。点Jを、コンパスと定規を使って作図しなさい。ただし、作図に使った線は消さないこと。

図3

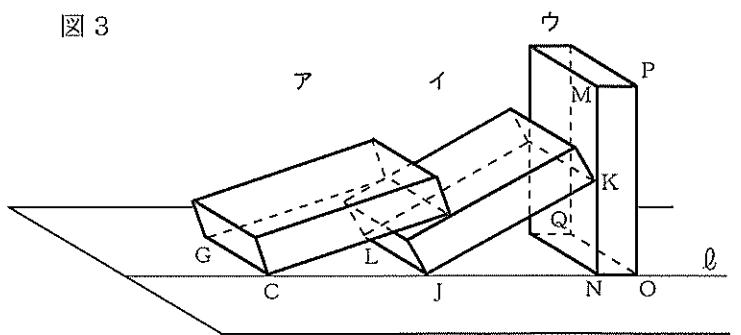
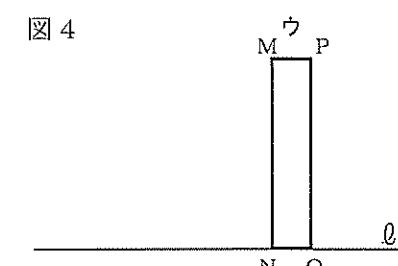
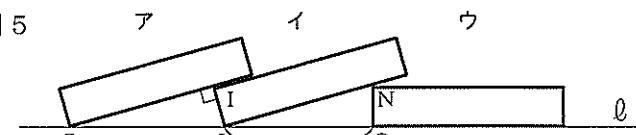


図4



② 図5のように、直方体ウが倒れ、直方体アトイの重なる部分が、ぴったりとつくときのxの値を求めなさい。

図5



受検番号

平 26

数学

- 2** 図1のような形は、正方形の紙を次の手順にしたがって折ると作ることができる。後の(1)～(3)の問い合わせに答えなさい。ただし、紙の厚さは考えないものとする。

手順

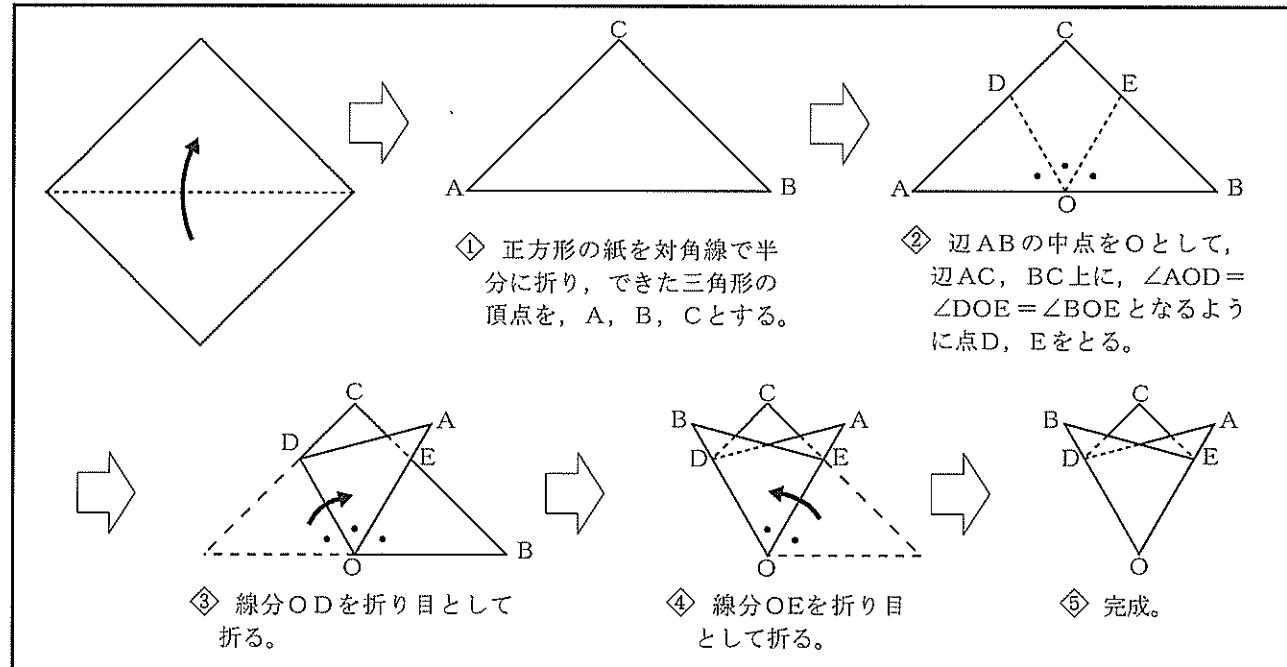
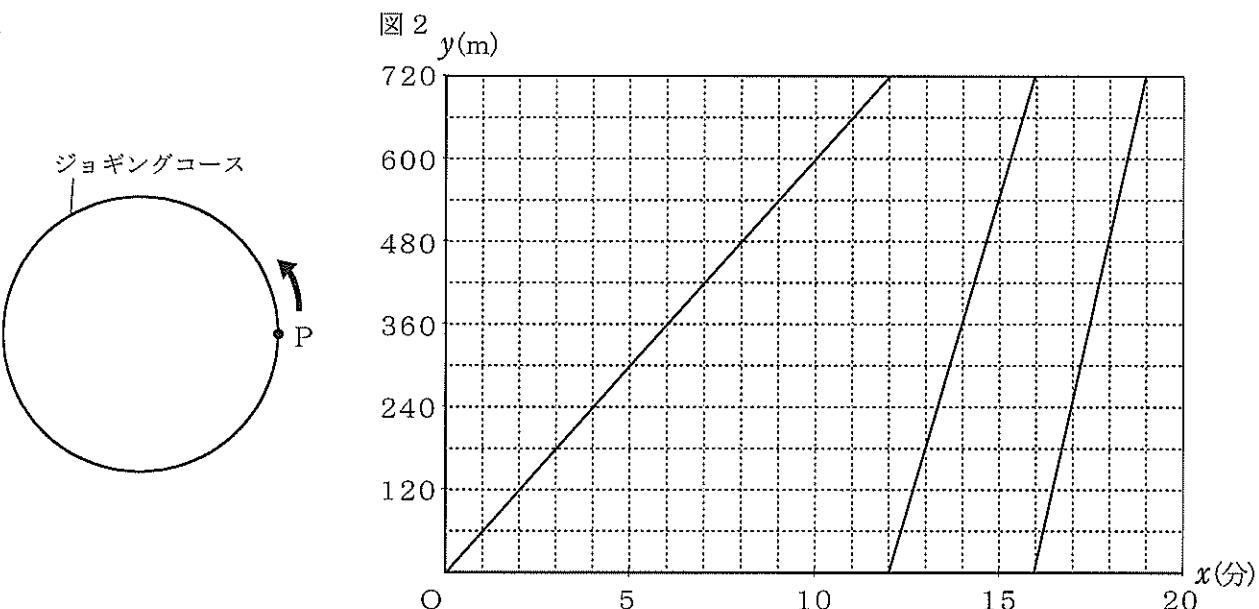


図1

- 3** 図1のような、1周720mの円形のジョギングコースがあり、点Pは出発点を表している。太郎さんは、点Pから矢印の向きに出発し、1周目は分速60mで歩き、2周目は分速180m、3周目は分速 a mでコースを走った。図2は、太郎さんが出発してからの経過時間を x 分とし、点Pから1周ごとの進んだ道のりを y mとして、 x と y の関係をグラフに表したものである。後の(1)、(2)の問い合わせに答えなさい。ただし、コースの幅は考えないものとする。

図1



- (1) a の値を求めなさい。

- (2) 花子さんは、太郎さんが出発してから b 分後に点Pから矢印の向きに出発し、コースを分速120mで3周走った。次の①、②の問い合わせに答えなさい。
- ① 2周目を走っている花子さんが、太郎さんに追いつかれたのは、太郎さんが出発してから14分後であった。その場合の3周目を走る花子さんについて、 y を x の式で表しなさい。

- (1) 手順②の図において、 $\triangle OAD \equiv \triangle OBE$ であることを証明しなさい。

- (2) 手順③の図において、点A, B, C, D, E, Oのうち、点Aを含む4点は1つの円周上にある。点A以外の3点を書き、その4点が1つの円周上にあることを説明しなさい。

- (3) 手順にしたがって折った紙を、図2のように、線分DEで $\triangle ODE$ を切りとつて開くと、図3のような、正六角形ができる。 $DE = 4\text{cm}$ のとき、折る前の正方形の面積を求めなさい。

図2

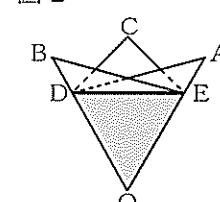
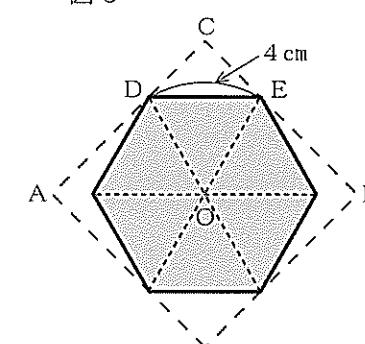


図3



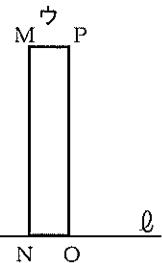
- ② 太郎さんが1周目を歩き終えるまでに、花子さんは点Pを出発した。花子さんが3周走る間に、2人が同時にコース上の同じ位置にくることはなかった。その場合の b の値の範囲を求めなさい。

※

※印の欄には何も記入しないこと。

1

	①	(4)	
	②		
(1)	③		【作図】
	④		
	⑤		
(2)	$x =$		
(3)			cm



2

	【証明】		4点 (A , , ,)
(1)		(2)	【説明】
			cm ²

※

3

(1)	$a =$
(2)	①
	②

※